

## Interrogation n° 6 : Vocabulaire de base utilisé en mathématiques en classe de Terminale S

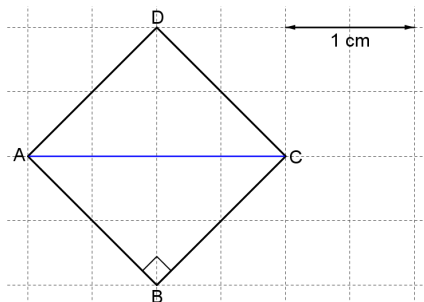
Mardi 1<sup>er</sup> octobre 2013

**Question 8)** Tracer un carré dont la diagonale a pour longueur 2 cm (on pourra s'aider du quadrillage de la feuille). Calculer en cm la valeur exacte  $L$  de la longueur d'un de ses côtés.

**Réponse attendue :**

Dans le carré ABCD, le triangle ABC est rectangle en B, donc le théorème de Pythagore s'écrit :

$$AB^2 + BC^2 = AC^2 \Leftrightarrow L^2 + L^2 = 2^2 \Leftrightarrow 2L^2 = 4 \Leftrightarrow L^2 = \frac{4}{2} = 2 \Leftrightarrow L = \sqrt{2} \text{ cm}$$



Les compétences nécessaires pour résoudre cet exercice relèvent du collège :

**[6]-[5]-[4]-[3]**

Programme de 6<sup>e</sup>, 5<sup>e</sup>, 4<sup>e</sup>, 3<sup>e</sup> du collège : Bulletin Officiel spécial n° 6 du 28 août 2008

**[6] Figures planes :**

- Propriétés des quadrilatères usuels : connaître les propriétés relatives aux côtés, aux angles, aux diagonales pour le rectangle, le **carré** et le losange.
- Propriétés et construction des triangles usuels : connaître les propriétés relatives aux côtés et aux angles des triangles suivants : **triangle isocèle**, triangle équilatéral, **triangle rectangle** ; utiliser ces propriétés pour reproduire ou construire des figures simples.

**[5] Figures planes :**

- connaître et utiliser, dans une situation donnée, le résultat sur la somme des angles d'un triangle. Savoir l'appliquer aux cas particuliers du triangle équilatéral, d'un **triangle rectangle**, d'un **triangle isocèle**.
- construire un triangle connaissant la longueur d'un côté et les deux angles qui lui sont adjacents.

**[4] Triangle rectangle : théorème de Pythagore :**

- Caractériser le triangle rectangle par l'égalité de Pythagore.
- Calculer la longueur d'un côté d'un triangle rectangle à partir de celles des deux autres.

**[3] Calculs élémentaires sur les radicaux : racine carrée d'un nombre positif.**

Le même énoncé a été donné aux élèves de Secondes A et C le 21 novembre 2013.

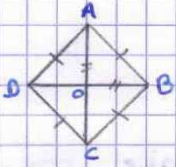
Voici les pourcentages de réussite des élèves :

	Tracé correct du carré	Calcul correct de la longueur du côté du carré
Seconde A	12/23 = 52 %	10/23 = 43 %
Seconde C	7/23 = 30 %	3/23 = 13 %
Secondes A et C	19/46 = 41 %	13/46 = 28 %
Terminale S	10/24 = 42 %	13/24 = 54 %

## Copies des élèves de Terminale S

Pour 4 élèves : tracé correct du carré et calcul correct donnant  $L = \sqrt{2}$

⑧



$AO = \frac{2}{2} = 1 \text{ cm}$       ~~AOB~~ est un triangle rectangle en O  
 $BO = \frac{2}{2} = 1 \text{ cm}$

donc

$$AO^2 + BO^2 = AB^2$$

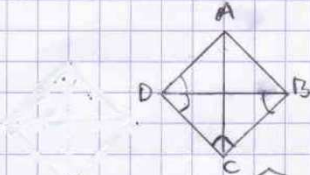
$$1^2 + 1^2 = AB^2$$

$$2 = AB^2$$

$$\sqrt{2} = AB \quad \Rightarrow L = \sqrt{2}$$

Chaque côté du carré mesure  $\sqrt{2}$  cm.

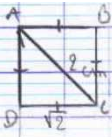
⑧



$\sin \widehat{ADB} = \frac{AD}{DB}$   
 $\Rightarrow AD = \sin \widehat{ADB} \times DB$   
 $= \sin(45) \times 2$   
 $= \sqrt{2}$   
 $\Rightarrow L = \sqrt{2}$

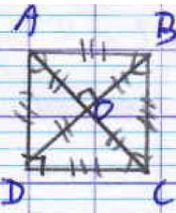
ou parce que  $\widehat{ADB} = 45^\circ$

3)



on est dans un carré donc  
 $AD = DC$   
 et d'après le théorème de Pythagore :  
 $AC^2 = AD^2 + DC^2$   
 Comme  $AD = DC \Leftrightarrow AC^2 = 2AD^2$   
 $\Leftrightarrow 2^2 = 2AD^2$   
 $\Leftrightarrow 4 = 2AD^2$   
 $\Leftrightarrow 2 = AD^2$   
 $\Leftrightarrow \sqrt{2} = AD = DC$   
 ainsi les côtés de ce carré ont pour valeur  $\sqrt{2}$  cm.

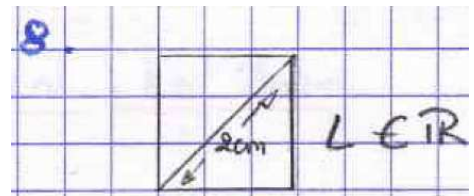
⑧



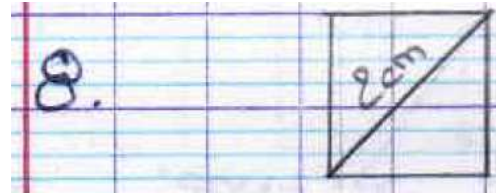
Dans le triangle ABO, d'après le théorème de Pythagore on a :  $AB^2 = AO^2 + BO^2$   
 $= 1^2 + 1^2$   
 $= 2$   
 $\Rightarrow AB = \sqrt{2} \quad \Leftrightarrow L = \sqrt{2}$

**Pour 6 élèves : tracé correct du carré et absence du calcul correct donnant  $L = \sqrt{2}$**

ne donne aucune indication sur  $L$



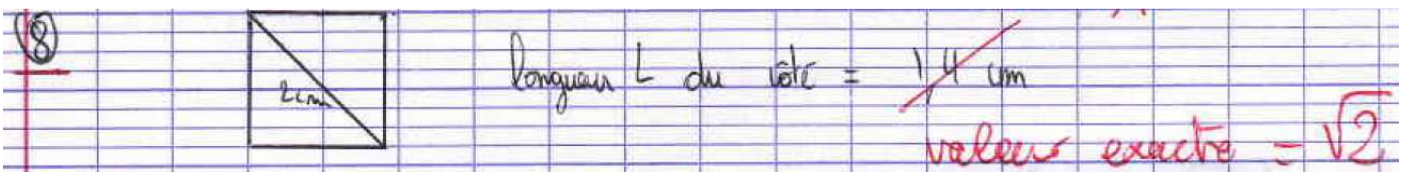
ne donne aucune indication sur  $L$



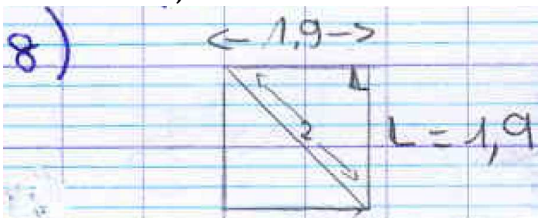
donne  $L = 1,4$  cm sans calcul



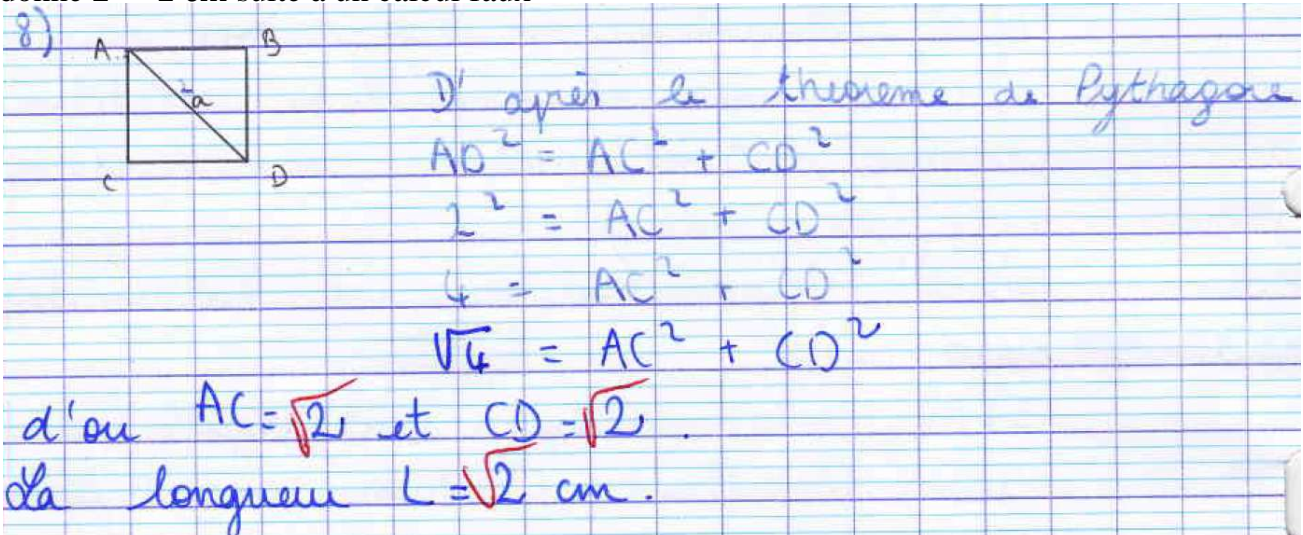
donne  $L = 1,4$  cm sans calcul



donne  $L = 1,9$  cm sans calcul



donne  $L = 2$  cm suite à un calcul faux



Pour 9 élèves : tracé incorrect du carré et calcul correct donnant  $L = \sqrt{2}$

trace un carré de côté 1,5 cm

8)

On divise la diagonale en 2 : 1 cm.  
Puisque le triangle EFG est rectangle en E,  
d'après le théorème de Pythagore :

$$AL + B^2 = C^2$$

$$\Rightarrow 1^2 + 1^2 = C^2$$

$$\Rightarrow C^2 = 1 + 1$$

$$\Rightarrow C^2 = 2$$

$$\Rightarrow C = \sqrt{2}$$

diagonale = 2,1 cm

le triangle

le chapeau indique un angle, pas un triangle.

AED est un triangle rectangle en D  
d'après le théorème de Pythagore :

$$\text{on a } AD^2 = AE^2 + ED^2$$

$$AD^2 = 1^2 + 1^2$$

$$AD^2 = 1 + 1$$

$$AD^2 = 2$$

$$AD = \sqrt{2} \quad L = \sqrt{2}$$

donc la valeur exacte de L est  $\sqrt{2}$ .

trace un carré de côté 1,5 cm

8)

le diamètre fait 2,1 cm de long

le chapeau indique un angle, pas un triangle.

AED est un triangle rectangle en D  
d'après le théorème de Pythagore :

$$\text{on a } AD^2 = AE^2 + ED^2$$

$$AD^2 = 1^2 + 1^2$$

$$AD^2 = 1 + 1$$

$$AD^2 = 2$$

$$AD = \sqrt{2} \quad L = \sqrt{2}$$

à être enlevé

9) oui, parce que c'est un nombre positif

trace un carré de côté 1,5 cm

8)

diagonale = 2,1 cm

ABCD est un carré où  $BD = 2 \text{ cm}$ . Donc ABO est un triangle rectangle, d'après le théorème de Pythagore :

$$BD^2 = AB^2 + AD^2 \Leftrightarrow 4 = 2x^2 \Leftrightarrow 2 = x^2 \Leftrightarrow x = \sqrt{2}$$

$x = L = \sqrt{2}$

valeur exacte

trace un carré de côté 1,5 cm

8)

ABCD un carré,  $AC = 2 \text{ cm}$ .

le diamètre fait 2,1 cm pas 2 cm

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$2^2 = 2AB^2$$

$$4 = 2AB^2$$

$$2 = AB^2$$

$$AB = \sqrt{2} = L$$

trace un carré de côté 2 cm

8) Prenons l'échelle suivante.  
 $\text{à carreaux} = 1 \text{ cm}$

la diagonale fait 2,8 cm

Pour calculer  $L$ , j'utilise le théorème de Pythagore sur le triangle DCE.

On sait que  $BD = 2 \text{ cm}$

$$BE = ED = EC = \frac{1}{2} BD = 1 \text{ cm}$$

D'après le théorème de Pythagore

$$\begin{aligned} CE^2 + ED^2 &= DC^2 \\ 1^2 + 1^2 &= DC^2 \\ 2 &= DC^2 \end{aligned}$$

$$DC = \sqrt{2} = L$$

trace un rectangle de longueur 1,6 cm et de largeur 1,4 cm

8) ceci est un rectangle, pas un carré  $AB \neq BC$

indiquer la graduation pour justifier l'emplacement

D'après le théorème de Pythagore, dans le triangle ABC rectangle en B, on a:

$$\begin{aligned} AC^2 &= AB^2 + BC^2 \\ 2^2 &= AB^2 + BC^2 \\ 4 &= 2(AB^2) \\ 2 &= AB^2 \\ \boxed{AB} &= \sqrt{2} \end{aligned}$$

donc  $BC = \sqrt{2} = L$

trace un rectangle de longueur 1,6 cm et de largeur 1,4 cm

8)

c'est un rectangle, pas un carré

de 13,5 en précisant la

On a un triangle rectangle ABC, d'après pythagore:

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$4 = 2(AB)^2 \text{ car } AB = BC$$

$$AB = \sqrt{2}$$

Donc chaque cotés du carré sont égaux et égal à  $\sqrt{2}$ . = L

trace un rectangle de longueur 1,6 cm et de largeur 1,4 cm

8)

diagonale 2,15 cm

dans le triangle ABC et d'après le théorème de pythagore on a  $AB^2 = OA^2 + OB^2$

majorante

pour un nom propre

$$2 = 1^2 + 1^2$$

$$= 2.$$

$AB = \sqrt{2}$

donc  $L = \sqrt{2}$

trace un rectangle de longueur 1,6 cm et de largeur 1,5 cm

8)

0

d'après Pythagore:

$$AD = AB \text{ donc } \Rightarrow DB^2 = AD^2 + AB^2$$

$$\Rightarrow DB^2 = 2AD^2$$

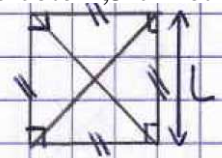
$$\Rightarrow 2^2 = 2AD^2 \Rightarrow 4 = 2AD^2 \Rightarrow 2 = AD^2 \Rightarrow \sqrt{2} = AD = AB.$$

$\sqrt{2} \in ]0; \infty[$

**Pour 5 élèves : tracé incorrect du carré et absence du calcul correct donnant  $L = \sqrt{2}$**

trace un carré de côté 1,5 cm et donne  $L = 1,5$  cm sans calcul

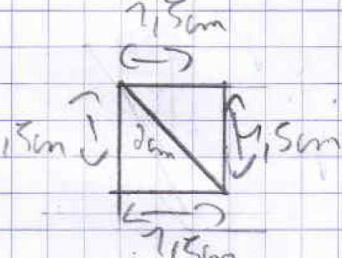
8)



La longueur L vaut ici 1,5 cm.  
diamètre = 2,1 cm


trace un carré de côté 1,5 cm et donne  $L = 1,5$  cm sans calcul

8)



trace un carré de côté 1,5 cm et donne  $L = 1,5$  cm par un calcul faux

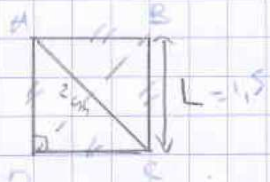
8)



$L = \frac{1}{3} \times 2 = 1,5$   
diamètre = 2,1 cm

trace un carré de côté 1,5 cm et donne  $L = 1,5$  cm suite à un calcul incomplet

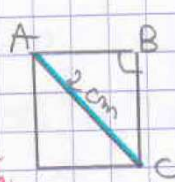
8)



Dans un carré, les 4 longueurs sont de même mesure.  
le diamètre fait 2,1 cm D'après le théorème de Pythagore, on a:  
 $AC^2 = AD^2 + DC^2$   
 $2^2 = AD^2 + DC^2$   
 $4 = AD^2 + DC^2$   
L vaut ~~1,5 cm~~.

trace un rectangle de longueur 1,5 cm et de largeur 1,4 cm et donne  $L = 4$  cm par un calcul faux

8)



Ceci est un rectangle, pas un carré  
 $AB = BC$

D'après le théorème de Pythagore  
 $AC^2 = AB^2 + BC^2$   
 $AC = AB + BC$  *non*  
 $AC = 2 AB$   
 $AC = 2 \text{ cm}$  donc  ~~$AB = 4 \text{ cm} = L$~~